



TITLE:

# Existence of Anomalous Greens Function in Self-Consistent Theory of the kondo Effect?

AUTHOR(S):

倉田, 泰幸

---

CITATION:

倉田, 泰幸. Existence of Anomalous Greens Function in Self-Consistent Theory of the kondo Effect?. 物性研究 1968, 9(4): 232-235

ISSUE DATE:

1968-01-20

URL:

<http://hdl.handle.net/2433/86129>

RIGHT:

# Existence of Anomalous Greens Function in Self-Consistent Theory of the Kondo Effect ?

倉 田 泰 幸 (京大基研)

(12月12日受理)

以下に記すことは、ほぼ1年程前に気付いたことですが、それが何を意味しているかは、これから記すこと以上には良くわかりません。ここに事実だけを書いておきます。

Nagaoka<sup>1)</sup>は、s-d相互作用に対する1体グリーン関数  $G_{kk}'$  と、2体グリーン関数  $\Gamma_{kk}'$  についての連立方程式

$$\left\{ \begin{array}{l} (\omega - \xi_k') \Gamma_{kk}' + \frac{J}{2N} (2n_k' - 1) \sum_{\ell} \Gamma_{k\ell} \\ - \frac{J}{2N} (m_k' - S(S+1)) \sum_{\ell} G_{k\ell} = 0 \\ (\omega - \xi_k') G_{kk}' + \frac{J}{2N} \sum_{\ell} \Gamma_{k\ell} = \frac{1}{2\pi} \delta_{kk}' \end{array} \right. \quad (1)$$

の低温解を求めるに際し、第1式の  $S(S+1)$  の factor を落して計算を遂行した。 $(m_k \gg S(S+1))$  である様に解はなっていた。この様な近似は、摂動論からみると無限に続く発散級数の項を systematic に truncate することになるから、答を critical に変えることになりうることは充分予想される。

事実、上式を近似なしに解いた答<sup>2)</sup>によると、比熱の温度依存性は Nagaoka のそれと異っている。しかしながら、Kondo 効果による異常比熱、不純物スピンの伝導電子による quenching を両者とも予言している。特に、後者の quasi-bound state の存在を支持する実験はいくつか出て来ている。<sup>3)</sup>それで、Nagaoka の近似解法には、本質的な点を取り出すことに成功(?)したと云う意味で、もっともらしい根拠を持っている様にみえる。しかも、以下に述べる様に、「異常」グリーン関数の存在を仮定すると Nagaoka の解が

(極く簡単に) 再び求まるのであるから……。

上式で

$$\begin{cases} \Gamma_{kk'}(\omega) = \tilde{\Gamma}_k(\omega) A_{k'} \\ n_{k'} = -\frac{2}{\ell} A_{\ell}^* A_{k'} \end{cases} \quad (2)$$

と云う形の解が, factor  $S(s+1)$  が無視できる時存在する。

$$-\xi_k A_k + (2n_k - 1) \varphi = 0 \quad (3)$$

を要求すると, (1) 式は

$$\begin{cases} \omega \tilde{\Gamma}_k + \varphi^* \frac{2}{\ell} G_{k\ell} = 0 \\ (\omega - \xi_{k'}) G_{kk'} + \varphi \tilde{\Gamma}_k = \frac{1}{2\pi} \delta_{kk'} \\ (\varphi \equiv \frac{J}{2N} \sum_k A_k) \end{cases} \quad (4)$$

となる。これは簡単に解けて

$$\begin{cases} \frac{2}{\ell} G_{kk'} = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{\omega - \xi_k} \cdot \frac{\omega}{\omega + i\pi\rho|\varphi|^2} \\ \tilde{\Gamma}_k = -\frac{1}{2\pi} \frac{1}{\omega - \xi_k} \cdot \frac{\varphi^*}{\omega + i\pi\rho|\varphi|^2} \end{cases} \quad (5)$$

を得る。解 (5) が (3) を満たしていることは spectral theorem から  $A_k, n_k$  を計算すると容易にわかる。念のためにその theorem を書いておくと,

$$\begin{cases} n_k = \int_{-\infty}^{\infty} \{ -2 \operatorname{Im} \sum_{k'} G_{kk'}(\omega) \} f(\omega) d\omega \\ A_{\ell}^* = \int_{-\infty}^{\infty} \{ +4 \operatorname{Im} \tilde{\Gamma}_{\ell}(\omega) \} f(\omega) d\omega \end{cases} \quad (6)$$

Nagaoka と同じ, quasi-bound state の形成による系のエネルギーの下がり;

Existence of Anomalous Greens Function in Self-Consistent Theory of the Kondo Effect ?

$$\Delta E = -\frac{1}{\pi} \text{Dexp} \left[ -\frac{1}{2|J|\rho_1} \right] \quad (7)$$

および帯磁率等々, Nagaoka とまったく同じ結果が出てくる。ただ, ここで (5) では, 極の位置について, だれが下半面にしか現れない様になっていることに注意したい。

この様に, 異常グリーン関数がもし存在すれば, Nagaoka の取扱いで quasi-bound state が 1 体グリーン関数の極として表現されていることも頷ける様に思われる。以上の事実は単なる偶然であろうか。

文 献

- 1) Y. Nagaoka. Phys. Rev. 138 (1965) A1112. Prog. Theor. Phys. 37 (1967), 13.
- 2) P. E. Bloomfield and D. R. Hamann. preprint.
- 3) たとえば, I. A. Campoell et al. Phys. Rev. Letters 19 (1967) 1319.

追 記

1) ここまでを投稿したところから, 上の取扱いは Takano-Ogawa (T-O)<sup>4)</sup> と同じかという疑問が出されました。無用の混乱を避けるために ("s-d" の問題の進展は時々可逆的になりますから) 付加しておきますと, 上の (1) — (7) は Nagaoka の取扱いとまったくの parallelism になっています。Nagaoka と T-O の結果が異なることは 1・2 年前の「物性研究」での手紙のやりとりおよび筆者の Note<sup>5)</sup> を見れば明かです。したがって, 上記のものは T-O と関係がありません。

2) これもまた投稿後, 注意されて Abrikosov の論文<sup>6)</sup> に気がつきました。Abrikosov は explicit に不純物スピンと伝導電子の異常グリーン関数の存在と形を仮定して, 負の J に対してエネルギーの下がり (7) が出ることを示しています。この取扱いで, スピンの quenching と (同じことであるが)

異常比熱を同様に導き出せるか否かは興味のある問題である。

(12月24日)

4) F. Takano and T. Ogawa, Prog. Theor. Phys. 35  
(1966), 343.

5) Y. Kurata, Prog. Theor. Phys. 36 (1966), 1068.

6) A. A. Abrikosov, JETP 53 (1967), 1078.